

ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ
УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
«ДИПЛОМАТИЧЕСКАЯ АКАДЕМИЯ
МИНИСТЕРСТВА ИНОСТРАННЫХ ДЕЛ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ»

УТВЕРЖДАЮ
Проректор по учебной работе



Т. А. Закурцева
2020 г.

ПРОГРАММА ВСТУПИТЕЛЬНОГО ИСПЫТАНИЯ
ПО МАТЕМАТИКЕ
ДЛЯ ПОСТУПАЮЩИХ В БАКАЛАВРИАТ В 2021 ГОДУ

Москва, 2020

Настоящая программа разработана в соответствии с Федеральным государственным образовательным стандартом среднего общего образования и Федеральным государственным стандартом основного общего образования с учётом необходимости соответствия уровню сложности ЕГЭ по математике.

Цель экзамена — установить уровень знаний абитуриентов по математике.

Вступительный экзамен по математике при поступлении на программы бакалавриата проводится для абитуриентов, имеющих право сдавать экзамены в традиционной форме.

I. ТРЕБОВАНИЯ К УРОВНЮ ПОДГОТОВКИ АБИТУРИЕНТОВ

На экзамене по математике поступающий в высшее учебное заведение должен **показать**:

- а) четкое знание математических определений и теорем, предусмотренных программой, умение применять их с достаточным основанием при решении задач;
- б) умение точно и сжато выражать математическую мысль в письменном изложении, использовать соответствующую символику;
- в) уверенное владение математическими знаниями и навыками, предусмотренными программой, умение использовать их при решении задач.

Для выполнения письменной работы экзаменуемый должен **уметь**:

- 1) выполнять (без калькулятора) действия над числами и числовыми выражениями; преобразовывать буквенные выражения; производить операции над векторами (сложение, умножение на число, скалярное произведение); переводить одни единицы измерения величин в другие;
- 2) сравнивать числа и находить их приближенные значения (без калькулятора); доказывать тождества и неравенства для буквенных выражений;
- 3) решать уравнения, неравенства, системы и исследовать их решения; исследовать функции; строить графики функций и множеств точек на координатной плоскости, заданные уравнениями и неравенствами с параметрами;

- 5) изображать геометрические фигуры на чертеже; делать дополнительные построения; строить сечения; исследовать взаимное расположение фигур; применять признаки равенства, подобия фигур и их принадлежности к тому или иному виду;
- 6) пользоваться свойствами чисел, векторов, функций и их графиков, свойствами арифметической и геометрической прогрессий;
- 7) пользоваться свойствами геометрических фигур, их характерных точек, линий и частей, свойствами равенства, подобия и взаимного расположения фигур;
- 8) пользоваться соотношениями и формулами, содержащими модули, степени, корни, логарифмические, тригонометрические выражения, величины углов, длины, площади, объемы;
- 9) составлять уравнения, неравенства и находить значения величин, исходя из условия задачи;
- 10) излагать и оформлять решение логически правильно, полно и последовательно, с необходимыми пояснениями.

II. СОДЕРЖАНИЕ ПРОГРАММЫ

Алгебра

1. Числа, корни и степени
 - 1.1. Целые числа
 - 1.2. Степень с натуральным показателем
 - 1.3. Дроби, проценты, рациональные числа
 - 1.4. Степень с целым показателем
 - 1.5. Корень степени $n > 1$ и его свойства
 - 1.6. Степень с рациональным показателем и ее свойства
 - 1.7. Свойства степени с действительным показателем
2. Основы тригонометрии
 - 2.1. Синус, косинус, тангенс, котангенс произвольного угла
 - 2.2. Радианная мера угла
 - 2.3. Синус, косинус, тангенс и котангенс числа
 - 2.4. Основные тригонометрические тождества
 - 2.5. Формулы приведения
 - 2.6. Синус, косинус и тангенс суммы и разности двух углов

- 2.7. Синус и косинус двойного угла
- 3. Логарифмы
 - 3.1. Логарифм числа
 - 3.2. Логарифм произведения, частного, степени
 - 3.3. Десятичный и натуральный логарифмы, число e
- 4. Преобразования выражений
 - 4.1. Преобразования выражений, включающих арифметические операции
 - 4.2. Преобразования выражений, включающих операцию возведения в степень
 - 4.3. Преобразования выражений, включающих корни натуральной степени
 - 4.4. Преобразования тригонометрических выражений
 - 4.5. Преобразование выражений, включающих операцию логарифмирования
 - 4.6. Модуль (абсолютная величина) числа

Уравнения и неравенства

- 5. Уравнения
 - 5.1. Квадратные уравнения
 - 5.2. Рациональные уравнения
 - 5.3. Иррациональные уравнения
 - 5.4. Тригонометрические уравнения
 - 5.5. Показательные уравнения
 - 5.6. Логарифмические уравнения
 - 5.7. Равносильность уравнений, систем уравнений
 - 5.8. Простейшие системы уравнений с двумя неизвестными
 - 5.9. Основные приемы решения систем уравнений: подстановка, алгебраическое сложение, введение новых переменных
- 6. Неравенства
 - 6.1. Квадратные неравенства
 - 6.2. Рациональные неравенства
 - 6.3. Показательные неравенства
 - 6.4. Логарифмические неравенства

6.5. Системы линейных неравенств

6.6. Метод интервалов

Функции

7. Определение и график функции

7.1. Функция, область определения функции

7.2. Множество значений функции

7.3. График функции. Примеры функциональных зависимостей

7.4. в реальных процессах и явлениях

7.5. Преобразования графиков: параллельный перенос, симметрия относительно осей координат

8. Элементарное исследование функций

8.1. Монотонность функции. Промежутки возрастания и убывания

8.2. Четность и нечетность функции

8.3. Периодичность функции

8.4. Ограниченность функции

8.5. Точки экстремума (локального максимума и минимума) функции

8.6. Наибольшее и наименьшее значения функции

9. Основные элементарные функции

9.1. Линейная функция, ее график

9.2. Квадратичная функция, ее график

9.3. Степенная функция с натуральным показателем, ее график

9.4. Тригонометрические функции, их графики

9.5. Показательная функция, ее график

9.6. Логарифмическая функция, ее график

Начала математического анализа

10. Производная

10.1. Понятие о производной функции, геометрический смысл производной

10.2. Физический смысл производной, нахождение скорости для процесса, заданного формулой или графиком

10.3. Уравнение касательной к графику функции

10.4. Производные суммы, разности, произведения, частного

- 10.5. Производные основных элементарных функций
- 10.6. Вторая производная и ее физический смысл
- 10.7. Применение производной к исследованию функций и построению графиков
- 10.8. Первообразная и интеграл
- 10.9. Первообразные элементарных функций

Геометрия

11. Планиметрия

- 11.1. Треугольник
- 11.2. Параллелограмм, прямоугольник, ромб, квадрат
- 11.3. Трапеция
- 11.4. Окружность и круг
- 11.5. Окружность, вписанная в треугольник, и окружность, описанная около треугольника
- 11.6. Многоугольник. Сумма углов выпуклого многоугольника
- 11.7. Правильные многоугольники. Вписанная окружность и описанная

12. Прямые и плоскости в пространстве

- 12.1. Пересекающиеся, параллельные и скрещивающиеся прямые; перпендикулярность прямых
- 12.2. Параллельность прямой и плоскости, признаки и свойства
- 12.3. Параллельность плоскостей, признаки и свойства
- 12.4. Перпендикулярность прямой и плоскости, признаки и свойства; перпендикуляр и наклонная; теорема о трех перпендикулярах
- 12.5. Перпендикулярность плоскостей, признаки и свойства
- 12.6. Параллельное проектирование. Изображение пространственных фигур

13. Многогранники

- 13.1. Призма, ее основания, боковые ребра, высота, боковая поверхность; прямая призма; правильная призма
- 13.2. Параллелепипед; куб; симметрии в кубе, в Параллелепипеде
- 13.3. Пирамида, ее основание, боковые ребра, высота, боковая поверхность; треугольная пирамида; правильная пирамида
- 13.4. Сечения куба, призмы, пирамиды

- 13.5. Представление о правильных многогранниках (тетраэдр, куб, октаэдр, додекаэдр и икосаэдр)
- 14. Тела и поверхности вращения**
 - 14.1. Цилиндр. Основание, высота, боковая поверхность, образующая, развертка
 - 14.2. Конус. Основание, высота, боковая поверхность, образующая, развертка
 - 14.3. Шар и сфера, их сечения
- 15. Измерение геометрических величин**
 - 15.1. Величина угла, градусная мера угла, соответствие между величиной угла и длиной дуги окружности
 - 15.2. Угол между прямыми в пространстве; угол между прямой и плоскостью, угол
 - 15.3. Длина отрезка, ломаной, окружности, периметр многоугольника
 - 15.4. Расстояние от точки до прямой, от точки до плоскости; расстояние между параллельными и скрещивающимися прямыми, расстояние между параллельными плоскостями
 - 15.5. Площадь треугольника, параллелограмма, трапеции, круга, сектора
 - 15.6. Площадь поверхности конуса, цилиндра, сферы
 - 15.7. Объем куба, прямоугольного параллелепипеда, пирамиды, призмы, цилиндра, конуса, шара
- 16. Координаты и векторы**
 - 16.1. Декартовы координаты на плоскости и в пространстве
 - 16.2. Формула расстояния между двумя точками; уравнение сферы
 - 16.3. Вектор, модуль вектора, равенство векторов; сложение векторов и умножение вектора на число
 - 16.4. Коллинеарные векторы. Разложение вектора по двум неколлинеарным векторам
 - 16.5. Компланарные векторы. Разложение по трем некопланарным векторам
 - 16.6. Координаты вектора; скалярное произведение векторов; угол между векторами

Элементы комбинаторики, статистики и теории вероятностей

- 17. Элементы комбинаторики**

- 17.1. Поочередный и одновременный выбор
- 17.2. Формулы числа сочетаний и перестановок. Бином Ньютона
- 18.** Элементы статистики
 - 18.1. Табличное и графическое представление данных
 - 18.2. Числовые характеристики рядов данных
- 19.** Элементы теории вероятностей
 - 19.1. Вероятности событий
 - 19.2. Примеры использования вероятностей и статистики при решении прикладных задач
 - 19.3. Часть 1 содержит 8 заданий с кратким ответом базового уровня сложности. Часть 2 содержит 4 задания с кратким ответом повышенного уровня сложности и 7 заданий с развернутым ответом повышенного и высокого уровней сложности.
 - 19.4.
 - 19.5.
 - 19.6.

III. ТРЕБОВАНИЯ ПРИ СДАЧЕ ЭКЗАМЕНА ПО МАТЕМАТИКЕ

1. Экзамен проводится в письменной форме.
2. Продолжительность вступительного экзамена по математике составляет 235 минут.
3. Экзаменационный билет содержит 15 заданий (задач), соответствующие содержанию тем программы (п. II). Первая часть содержит 9 заданий с кратким ответом базового уровня сложности. Вторая часть содержит 3 задания с кратким ответом повышенного уровня сложности и 3 задания с развернутым ответом повышенного уровня сложности (полная запись решения с обоснованием выполненных действий). Все задачи строго соответствуют примерной программе по математике для поступающих в российские высшие учебные заведения в 2018 году.
4. Поступающие могут пользоваться на письменных вступительных испытаниях непрограммируемыми калькуляторами.
5. Абитуриентам запрещается иметь при себе и использовать средства связи и электронно-вычислительной техники, за исключением случаев, установленных нормативными правовыми актами Российской Федерации.
6. Предварительные расчёты, вычисления, промежуточные выкладки и другая черновая работа, а также чистовое оформление решений экзаменационных задач производятся только на вкладышах экзаменационных бланков вуза установленного образца, выдаваемых

каждому абитуриенту вместе с титульным листом после того, как он займёт посадочное место в аудитории, где проводится испытание.

7. При заполнении титульного листа и написании экзаменационной работы абитуриенты могут использовать только синие, фиолетовые, чёрные чернила или пасты.
8. Вопросы для ответов представлены на специальном бланке экзаменационного билета. Ответы размещаются только в специально отведенном на бланке месте.
9. По окончании выполнения задания экзаменационная работа сдается членам приёмной комиссии.

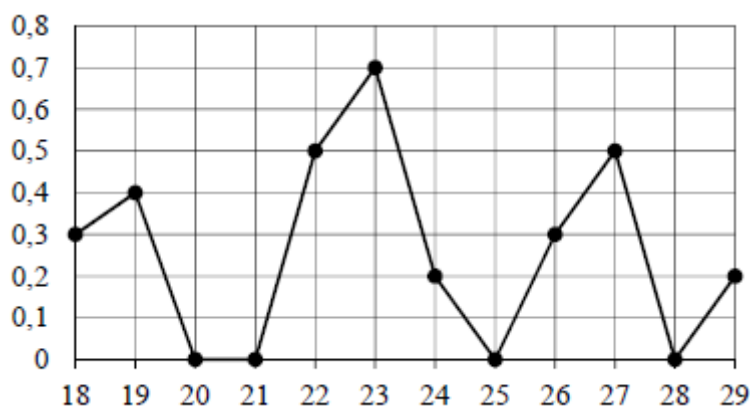
IV. ОБРАЗЕЦ КОНТРОЛЬНО-ИЗМЕРИТЕЛЬНЫХ МАТЕРИАЛОВ

Часть 1

- 1** Цена на электрический чайник была повышена на 16% и составила 3480 рублей. Сколько рублей стоил чайник до повышения цены?

Ответ: _____.

- 2** На рисунке жирными точками показано суточное количество осадков, выпадавших в Якутске с 18 по 29 октября 1986 года. По горизонтали указываются числа месяца, по вертикали — количество осадков, выпавших в соответствующий день, в миллиметрах. Для наглядности жирные точки на рисунке соединены линией. Определите по рисунку, сколько дней из данного периода выпадало больше 0,1 миллиметров осадков.

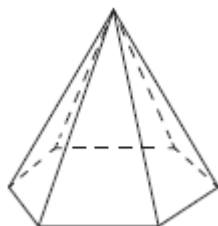


Ответ: _____.

- 3 На экзамен вынесено 60 вопросов, Андрей не выучил 3 из них. Найдите вероятность того, что ему попадет выученный вопрос.

Ответ: _____.

- 4 Стороны основания правильной шестиугольной пирамиды равны 22, боковые ребра равны 61. Найдите площадь боковой поверхности этой пирамиды.



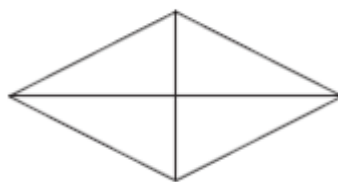
Ответ: _____.

- 5 Найдите корень уравнения

$$\left(\frac{1}{2}\right)^{x+3} = 4^x.$$

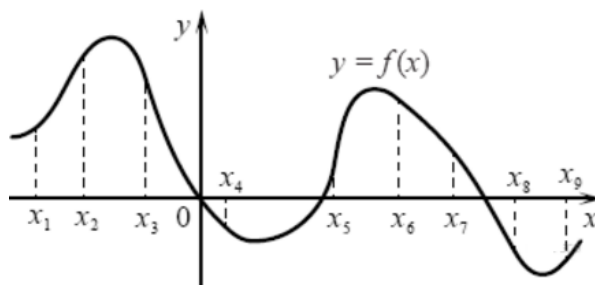
Ответ: _____.

- 6 Площадь ромба равна 27. Одна из его диагоналей равна 6. Найдите другую диагональ.



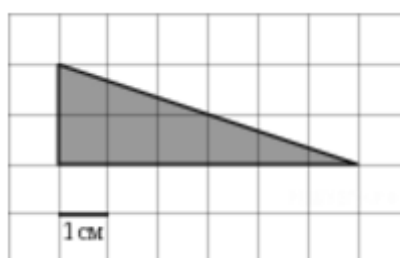
Ответ: _____.

- 7 На рисунке изображён график функции $y = f(x)$ и отмечены девять точек на оси абсцисс: $x_1, x_2, x_3, x_4, x_5, x_6, x_7, x_8, x_9$. В скольких из этих точек производная функции $f(x)$ отрицательна?



Ответ: _____.

- 8 Найдите площадь треугольника, изображенного на клетчатой бумаге с размером клетки $1 \text{ см} \times 1 \text{ см}$ (см. рис.). Ответ дайте в квадратных сантиметрах.



Ответ: _____.

- 9 Найдите значение выражения $(980^2 - 62^2) : 1042$.

Ответ: _____.

Часть 2

- 10 Независимое агентство намерено ввести рейтинг новостных изданий на основе показателей информативности In , оперативности Op и объективности Tr публикаций. Каждый показатель — целое число от -2 до 2 .

Составители рейтинга считают, что информативность публикаций ценится втрое, а объективность — вдвое дороже, чем оперативность. Таким образом, формула приняла вид

$$R = \frac{3In + Op + 2Tr}{A}$$

Найдите, каким должно быть число A , чтобы издание, у которого все показатели максимальны, получило бы рейтинг 30 .

Ответ: _____.

- 11 В 2008 году в городском квартале проживало 40000 человек. В 2009 году, в результате строительства новых домов, число жителей выросло на 8% , а в 2010 году — на 3% по сравнению с 2009 годом. Сколько человек стало проживать в

квартале в 2010 году?

Ответ: _____.

12 Найдите наибольшее значение функции

$$y = \frac{x^2 + 36}{x}$$

на отрезке $[-17; -1]$

Ответ: _____.

13 а) Решите уравнение: $4^x - 2^{x+3} + 15 = 0$

б) Определите, какие из его корней принадлежат отрезку $[2; \sqrt{10}]$.

14 В кубе $ABCD A_1 B_1 C_1 D_1$ все ребра равны 3. Найдите расстояние от точки C до прямой BD_1 .

15 Решите неравенство: $(x^2 - 3,6x + 3,24)(x - 1,5) \leq 0$.

V. КРИТЕРИИ ОЦЕНКИ ЭКЗАМЕНАЦИОННОГО ОТВЕТА

Каждое из *заданий 1–12* считается выполненными верно, если экзаменуемый дал верный ответ в виде целого числа или конечной десятичной дроби. Каждое верно выполненное *задание 1-9* оценивается по 5 баллов, задания 10-12 по 8 баллов.

Задание 13

Содержание критерия	Баллы
Обоснованно получены верные ответы в обоих пунктах	10
Обоснованно получен верный ответ в пункте <i>a</i> , ИЛИ получен неверный ответ из-за вычислительной ошибки, но при этом имеется верная последовательность всех шагов решения уравнения и отбора корней	5
Решение не соответствует ни одному из критериев, приведённых выше	0
<i>Максимальный балл</i>	10

Задание 14

Содержание критерия	Баллы
Обоснованно получены верные ответы в обоих пунктах	11
Выполнен только один пункт <i>a</i> или <i>б</i>	6
Решение не соответствует ни одному из критериев, приведённых выше	0
<i>Максимальный балл</i>	10

Задание 15

Содержание критерия	Баллы
Обоснованно получен верные ответ	10
Обоснованно получен ответ, отличающийся от верного исключением одной точки ИЛИ получен неверный ответ из-за вычислительной ошибки, но при этом имеется <u>верная последовательность всех шагов решения</u>	5
Решение не соответствует ни одному из критериев, приведённых выше	0
<i>Максимальный балл</i>	10

Максимальный балл – 100.

Экзамен считается сданным, если поступающий набирает **50 баллов**.

Все вопросы, касающиеся несогласия абитуриентов с полученными оценками, решаются Апелляционной комиссией.